平成23年5月25日 分子モデリングと分子シミュレーション

ポテンシャルエネルギー

東京大学大学院農学生命科学研究科 アグリバイオインフォマティクス 教育研究プログラム 寺田 透

#### 講義予定

 5月25日(水) ポテンシャルエネルギー
 6月 1日(水) 分子動力学法と モンテカルロ法
 6月 8日(水) 分子動力学法の応用
 6月15日(水) 複合体構造モデリング

参考図書:

岡崎 進「コンピューターシミュレーションの基礎」 化学同人

## 本日の講義内容

- ポテンシャルエネルギーとは
- 分子軌道法実習
- 分子力学法
  - 課題1

-課題2

- ・力場パラメータの決定
- ・エネルギー最小化
- 分子力学法実習

### 立体構造とエネルギー

物体に力をかけて変形させると、物体の持つ
 「ポテンシャルエネルギー」が大きくなる



 
 ・同様に分子も変形すると、その分子が持つポ テンシャルエネルギーが変化する

分子のポテンシャルエネルギー

分子のポテンシャルエネルギーは、
 Schrödinger方程式を分子軌道法を用いて近
 似的に解くことで計算できる

- 分子軌道:分子における1電子の波動関数

- 分子軌道は、分子を構成する各原子を中心とした原子軌道の和で表される
- 原子軌道は基底関数 を用いて表される



## 参考: Schrödinger方程式

$$\hat{H}_{elec} = -\sum_{i=1}^{N} \frac{1}{2} \nabla_{i}^{2} - \sum_{i=1}^{N} \sum_{A=1}^{M} \frac{Z_{A}}{r_{iA}} + \sum_{i=1}^{N} \sum_{j>i}^{N} \frac{1}{r_{ij}}$$
$$\hat{H}_{elec} = -E_{elec} \Phi_{elec}$$

$$H_{elec} \Phi = E_{elec} \Phi$$

$$E = E_{elec} + \sum_{A=1}^{M} \sum_{B>A}^{M} \frac{Z_A Z_B}{R_{AB}}$$

$$M: 原子数$$

$$Z_A: 原子Aの原子番号$$
分子のポテンシャルエネルギー

## 分子軌道法実習(1)

- 本実習では、量子化学計算ソフトウェア Gaussian 09Wを用いる
- デスクトップにあるアイコン をダブルクリックして、このソフトウェアのグラフィックユーザ ーインターフェイスGaussView 5.0を起動



**Control Panel** 

Molecule View Window

# 分子軌道法実習(2)

 Control PanelのRing Fragment をクリックし、Current Fragmentが benzeneになっていることを確認し て、Molecule View Windowの中 を左クリック



- 2. Control Panelのメニューから 「Calculate」→「Gaussian Calculation Setup…」を選択
- 3. Job typeを「Energy」、MethodのBasis setを6-31G(d)に 設定し、「Submit」
- 4. インプットファイルを保存するか聞かれるので「Save」し、 デスクトップに「benzene.gjf」として保存する
- 5. Run Gaussianウィンドウが出るので「OK」

## 分子軌道法実習(3)

- 6. 計算が終わったらGaussian windowを閉じるか聞かれるので「はい」
- 7. Gaussian Job Completedウィンドウでは、 benzene.logファイルを選択し「OK」
- 8. Control Panelのメニューから、「Results」→ 「Summary」を選択→E(RHF)の欄に分子の ポテンシャルエネルギー<sup>\*</sup>が表示されている

\*1 a.u. = 627.509 391 kcal/mol

## 用語の解説

- Method: Schrödinger方程式を解くのに用いる近似法
  - Hartree-Fock: ab initio法における基本
  - Semi-empirical: 半経験的(大規模な系を小さな計算コス)
     トで扱えるが結果の信頼性は低い)
  - DFT:密度汎関数法(電子相関の効果を比較的小さな計 算コストで取り込むことができる)
- Basis Set: 各原子におく基底関数系
  - STO-3G、3-21G、6-31G、6-311Gの順により複雑な軌道が表現できる
  - - 必要に応じてdiffuse関数(+、++)、分極関数((d)、(d,p) など)を加える

## 分子を変形してみよう

- Control PanelのModify Bond ジェをクリックした後、ベ ンゼンの隣り合う2つの原子をクリック
- 次のように結合長を変える

	Ť
🚯 G2:M1 - Bond Semichem SmartSlide (tm)	
Bond Type:	
○ None ○	
Displacement	
Atom 1: Translate group 💌 Atom 2: Translate group 💌	
0.770 1.75000 3.080	
Ok Cancel Help	

 同様にエネルギーを計算してみよう (ファイルはデスクトップにbenzene2.gjfとして保存)

#### エネルギー最小化

- 分子を変形するとエネルギーが大きくなる
- エネルギーが小さくなるように変形させること
   で、もとの構造に戻してみよう
- Job Typeを
   「Optimization」に
   設定し「Submit」
   (ファイルはデスク
   トップにbenzene3.gjf
   として保存)

· · [	Method	Title	Link 0	General	Guess	NBO	PBC	Solvation	Add. Inp.	
Optimization	<b>•</b>									
Optimize to a	ı	Mini	imum	•	Use RFO s	tep		📃 Use G	Quadratic Ma	crostep
Calculate For	rce Constar	nts Nev	er	•	Use tight c	onvergen	ce criter	a		
dditional Key	words:									Update

## 分子力学法

- ・ 量子化学計算は計算コストが大きい
   電子数の4乗に比例して計算コストが増大
- 分子の変形によるエネルギーの変化を小さな計 算コストで予測できるようにしたい
- 分子の変形を、①結合長( $r_b$ )、②結合角( $\theta_a$ )、 ③二面角( $\phi_d$ )、④共有結合を介さない原子間距 離( $r_{ij}$ )、の変化で表し、全体のエネルギーの変 化をそれぞれの変化からの寄与の和で表す  $E_{total} = E_{bond} + E_{angle} + E_{dihedral} + E_{nonbond}$

ポテンシャルエネルギー関数

- 構造変化の成分ごとに、エネルギーの変化を 「関数」を用いて再現する
- 例えば、結合長のエネルギー関数は、分子の結合長を変化させた時のエネルギーの変化を計算し、これを再現できるように決める
- ポテンシャルエネルギー関数の例



結合長(1)

- 1. 講義のページからH2.gjfをダウンロードし、デス クトップに保存する
- スタートメニューから「すべてのプログラム」→
   「Gaussian 09W」→「Gaussian 09W」を選択し
   起動
- 3. メニューの「File」→「Open」で、H2.gjfを開く
- 4. Existing Job Editウィンドウが現れるので、この メニューから「File」→「Exit & Run」
- 5. Output File名を聞かれるので、デスクトップに H2.outとして保存する

## 結合長(2)

- 6. 計算が終了したらメニューから「File」→「Exit」
- GaussView 5.0を起動し、Control Panelのメ ニューの「File」→「Open」でH2.outを開く (ファイルの種類を「Gaussian Output Files (\*.out \*.log)」にする)
- 8. Control Panelのメニューの「Results」→ 「Scan」を開く
- 9. Scan plotウィンドウの内部を右クリックし、 Save Dataを選択し、デスクトップに H2\_scan.txtとして保存

## 結合長(3)



- H2\_scan.txtをExcelで 開き、グラフを書くと、4 次関数でよく近似でき ることがわかる
- 構造変化に伴うエネル ギー変化をあらかじめ モデル化しておくこと
   で、低い計算コストでエ ネルギーを求めること ができる

#### エネルギー関数の近似



参考:テイラー展開

関数f(x)のx = pのまわりでの展開 x = pからの微小な変位を $\Delta x$ とおく  $f(p + \Delta x) = f(p) + \frac{df(x)}{dx} \bigg|_{x=n} \Delta x + \frac{1}{2!} \frac{d^2 f(x)}{dx^2} \bigg| \quad \Delta x^2 + \frac{1}{2!} \frac{d^2 f(x)}{dx^2} \bigg|$  $+\cdots+\frac{1}{k!}\frac{d^k f(x)}{dx^k} \Delta x^k +\cdots$  $=f(p)+\frac{df(x)}{dx}\Big|_{x=n}\Delta x+\frac{1}{2!}\frac{d^2f(x)}{dx^2}\Big|_{x=n}\Delta x^2+O(\Delta x^3)$ 2次までの展開 誤差項  $(\Delta x^3 \mathcal{O} \pi - \varphi -)$ 

#### 運動の比較



結合角のエネルギー関数



# 分子間相互作用の計算(1)

- GaussView 5.0を起動し、Control PanelのElement Fragmentをクリックして「O」を選択、Current Fragment がOxygen Tetravalentになっていることを確認して、 Molecule View Windowの中を左クリック
- 2. ややはなれた別の位置を左クリック
- 3. Control PanelのElement Fragmentをクリックして「C」を 選択、Current FragmentがCarbon Tetrahedralになっ

ていることを確認して、 Molecule View Windowの H₂Oの水素原子から1つ選 びクリック→CH₃基に置換

6. 同様にもう1つのH<sub>2</sub>O分子の水素原子をCH<sub>3</sub>基に置換



# 分子間相互作用の計算(2)

- Control Panelメニューの「Calculate」→「Gaussian Calculation Setup…」を開き、Job typeを 「Energy」、MethodのBasis setを6-31G(d)に設定 し、「Submit」 (ファイルはデスクトップにmethane2.gjfとして保存)
- 6. 同様にCH<sub>3</sub>OH 1分子についてもエネルギーを計算 (ファイルはデスクトップにmethane1.gjfとして保存)
- 7. 以下の式を用いて相互作用エネルギーを求める

$$\Delta E = E_{\rm AB} - \left(E_{\rm A} + E_{\rm B}\right)$$

 $\Delta E = -230.0688122 - [2 \times (-115.0334869)]$ 

 $= -0.0018384 \text{ a.u.} = -1.15 \text{ kcal mol}^{-1}$ 

## 分子間相互作用の成分



## 静電相互作用エネルギー関数

- ・量子化学計算では電子密度 ρ(r)が計算される
- 電子密度 p(r)から分子のまわりの静電ポテンシャル p(r)が計算できる
- 静電ポテンシャルを再現するように原子に部分電荷をおく
- 静電相互作用を部分電荷どうしの相互作用として計算する

$$E_{ij} = \frac{q_i q_j}{\left| \mathbf{R}_i - \mathbf{R}_j \right|}$$





## van der Waals相互作用



無極性分子間に働く引力(分散力)は、電子相関を考慮した高精度な量子化学計算によって初めて現れる

#### van der Waals引力の起源



## van der Waalsエネルギー関数



### 二面角のエネルギー関数(1)

モデル系:ブタン





Gaussian job file: butane.gjf



### 二面角のエネルギー関数(2)

 
 ・ 周期関数の重ね合わせと1番目と4番目の原子間の van der Waals相互作用の和で表される



課題1

- ・ブタンの二面角の変化に伴うエネルギーの変化を表すポテンシャルエネルギー関数のパラメータk、n、δ、ε、σを決定せよ
  - 講義のページにあるbutane\_scan.xlsxをダウン ロードして利用すること
  - 1番目と4番目の原子間距離はGauss View 5.0
     のScan Plotウィンドウのメニューの「Plot」→
     「Plot Molecular Property」を開き、「Bond」、
     「1」、「4」を指定して求めること

#### カ場パラメータの決定

- 力場パラメータとは?
  - ポテンシャル関数で用いられるパラメータ(平衡結合長、 ばね定数、部分電荷など)
- 非経験的パラメータ
  - 量子化学計算の結果からパラメータを求める
- 経験的パラメータ
  - 構造や熱力学量などの実験値を再現するようにパラメー タを決める

#### 問題点と解決法(1)

- タンパク質や核酸など生体高分子は多数の原子からなる
  - 生体高分子全体について量子化学計算を行うのは困難

- 同じアミノ酸、同じヌクレオチドなど、同じ構成単位には同じ力場パラメータを使う
  - さらに、異なる構成単位の間でも、化学的に類似した環境にある原子は同じ原子種とみなし、(点電荷を除いて)同じ力場パラメータを割り当てる
  - 同じ原子種を含む小さなモデル化合物についてパラメー タを決定する





Jorgensen & Tirado-Rives, J. Am. Chem. Soc. 110, 1657 (1988)

## 問題点と解決法(2)

- 凝縮相(液相など)では、分子が接近している ため第3の分子の位置が2つの分子の相互 作用に影響を与える
  - 気相で決めたポテンシャル エネルギー関数をそのまま 適用できない



有効ポテンシャルエネルギー

 $E(\mathbf{r}_{1},\mathbf{r}_{2},\mathbf{r}_{3}) = E(\mathbf{r}_{1},\mathbf{r}_{2}) + E(\mathbf{r}_{1},\mathbf{r}_{3}) + E(\mathbf{r}_{2},\mathbf{r}_{3}) + \Delta E(\mathbf{r}_{1},\mathbf{r}_{2},\mathbf{r}_{3})$  $= E^{\text{eff}}(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2) + E^{\text{eff}}(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_3) + E^{\text{eff}}(\mathbf{r}_2, \mathbf{r}_3)$ 

 $E(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2, \mathbf{r}_3)$ : 3分子系の相互作用エネルギー  $E(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2)$ : 2分子系の相互作用エネルギー  $E^{\text{eff}}(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2)$ : 有効2体間相互作用エネルギー

厳密な多体間相互作用の 効果を2体間相互作用の エネルギー関数に取り込む



凝縮相

このエネルギー関数のパラメータを実験値を再現するように決める

## 水分子のモデル(1)

	SPC	TIP3P
<i>r</i> (OH)	1.0	0.9572
∠HOH	109.47	104.52
r*	1.7766	1.7683
Е	0.1554	0.1520
$q_{H}$	0.41	0.417



van der Waals相互作用は 酸素原子間のみ計算する

*r*(OH) [Å], ∠HOH [degree] *r*\* [Å<sup>12</sup> kcal mol<sup>-1</sup>],  $2r^* = \sqrt[6]{2}\sigma$   $\varepsilon$  [Å<sup>6</sup> kcal mol<sup>-1</sup>]  $q_0 = -2q_H$ 

Jorgensen et al. J. Chem. Phys. 79, 926 (1983)

## 水分子のモデル(2)

	SPC	TIP3P	実験値
密度	0.971	0.982	0.997
蒸発熱	10.77	10.45	10.51
定圧比熱	23.4	16.8	17.99
膨張率	58	41	25.7
圧縮率	27	18	45.8

密度[g cm<sup>-3</sup>]、蒸発熱[kcal mol<sup>-1</sup>] 定圧比熱[cal mol<sup>-1</sup> K] 膨張率[10<sup>-5</sup> K<sup>-1</sup>]、圧縮率[10<sup>-6</sup> atm<sup>-1</sup>] いずれも25°C、1 atmにおける値

Jorgensen et al. J. Chem. Phys. 79, 926 (1983)

# 生体高分子の力場パラメータ

- ポテンシャルエネルギー関数のパラメータ(力場パ ラメータ)は、分子シミュレーションのソフトウェアと共 に配布されている
- AMBER
  - http://www.ambermd.org/
- CHARMM
  - http://www.charmm.org/
- GROMOS, GROMACS
  - http://www.igc.ethz.ch/gromos/
  - http://www.gromacs.org/

#### エネルギー最小化(1)

- ・立体構造(座標)を変化させて、エネルギー関数の値が最小になるようにすること
- 立体構造最適化とも呼ばれる
- 分子動力学シミュレーションを行う際には、原
   子同士のぶつかりを排除したり、構造のゆが
   みを正すために、最初に必ず行う

## エネルギー最小化(2)

- ・1次のアルゴリズム
  - Steepest descent(最急降下)法
     最も単純、収束までに多段階を要することがある
  - Conjugate gradient(共役勾配)法
     エネルギー関数がN次元の2次形式で近似できる場合、N回の操作で極小に到達する
- ・2次のアルゴリズム
  - Newton-Raphson法 収束は早いが、Hessian(∇<sup>2</sup>E)の計算に膨大な 時間がかかる

#### Steepest descent法

- 1. 初期構造を**r**<sub>0</sub>とする。
- 現在の構造r<sub>i</sub>における勾
   配g<sub>i</sub>=-∇E(r<sub>i</sub>)を計算す
   る。
- 3. 勾配方向にエネルギー が最小になる構造を求め、r<sub>i+1</sub>とする。
- 4. 上記2・3をエネルギーが これ以上小さくならなくな るまで繰り返す。



#### Newton-Raphson法

- 以下に従って、 $\nabla E(\mathbf{r}+\Delta \mathbf{r})$ が0となる(すなわちEが極 小値をとる)変位 $\Delta \mathbf{r}$ を求める  $E(\mathbf{r}+\Delta \mathbf{r}) = E(\mathbf{r}) + \nabla E(\mathbf{r}) \cdot \Delta \mathbf{r} + \frac{1}{2} \Delta \mathbf{r} \cdot \nabla^2 E(\mathbf{r}) \Delta \mathbf{r} + \cdots$  $\nabla_{\Delta \mathbf{r}} E(\mathbf{r}+\Delta \mathbf{r}) = \nabla E(\mathbf{r}) + \nabla^2 E(\mathbf{r}) \Delta \mathbf{r} + \cdots = 0$  $\Delta \mathbf{r} \approx - [\nabla^2 E(\mathbf{r})]^{-1} \nabla E(\mathbf{r})$
- エネルギーがこれ以上小さくならなくなるまで繰返す
- 収束が非常に早いので、次元が低い場合に有用

## エネルギー最小化法の問題点

- ・ いずれもエネルギー関数が 極小値をとる立体構造を探 索する手法
- 生体高分子には多数のエ ネルギー極小構造が存在 するため、エネルギー最小 構造の探索は困難
- 分子動力学法、モンテカル ロ法を利用したsimulated annealing法が使われるこ とが多い



## Discovery Studio 3.0 Clientの起動

Discovery Studio 3.0 Clientのアイコン
 をダブルクリックして起動



- メニューの「View」→「Explores」→
   「Tools」を選択し、Toolsタブを表示させておく
- メニューの「View」→「Toolbars」→
   「Sketching」を選択し、Sketching tool barを 表示させておく

# 低分子化合物の生成(1)

- メニューの「File」→「New」→「Molecule Window」を 選択し、新しいウィンドウを開く
- 2. SketchingツールバーからRing <u>M</u>を左クリック、 Molecule Windowの真ん中付近を左クリック
- ViewツールバーのRotate を左クリック
   →Sketchingモードを解除
- メニューの「View」→「Hierarchy」を選択し、Hierarchy Windowを表示
- 5. 炭素原子を1つ左クリックし選択 →黄色でマークされる
- 6. Hierarchy Windowのツリーを展開し、対応する原子 がマークされていることを確認

## 低分子化合物の生成(2)

- Molecule Windowの中で右クリックしてメニューを 出し、「Attributes of C5…」を選択(原子名は選択 した原子によって異なる) →HybridizationがSp3になっていることを確認
- 8. Molecule Windowの中で何もないところを左ク リックして選択を解除
- 9. 「Ctrl」キーと「A」を同時に押して全原子を選択
- 10. メニューの「Chemistry」→「Bond」→「Aromatic」 を選択

→AttributesのHybridizationがSp2になっている ことを確認せよ

# 低分子化合物の生成(3)

Macromolecules Simulation Receptor-Ligand Interactions Pharmacophores Small Molecules X-ray My Tools

- 11. 「Simulation」ボタンを左クリック
- 12. Toolsタブの「Change Forcefield」 を左クリックして展開する
- 13. Forcefieldを「CHARMm」、Partial Chargesを「Momany-Rone」とし、 「Apply Forcefield」を左クリック
- 14. 水素原子が付加され、Forcefield Statusが「Molecule 1 typed with CHARMm」となっていることを確認
- 15. Attributesで、部分電荷や原子種が アサインされていることを確認せよ



#### Forcefield

Forcefield: CHARMm ▼ Partial Charge: Momany-Rone ▼ Apply Forcefield Clear Forcefield

#### **Forcefield Status**

Molecule 1 not typed More...

#### Forcefield Customization

Add Residue Template

```
Modify Atom Type.
```

```
Analyze Trajectory
```

Calculate Electrostatics

#### 参考: Molecule Windowの操作(1)

- Molecules Windowの中を左クリックしてアク ティブにしてから以下の操作を行う
- 回転

- ♥をクリックしてから3D Windowの中で左ドラッグ

• 並進

- ∲をクリックしてから3D Windowの中で左ドラッグ

・ズーム

- ☞をクリックしてから3D Windowの中で左ドラッグ

#### 参考: Molecule Windowの操作(2)

- 選択
  - Molecule Window上で原子をクリック→その原子が選択 され、黄色い四角でマークされる
  - Molecule Window上で原子をダブルクリック→その原子 を含む残基が選択され、マークされる
  - Hierarchy Windowでもチェイン、残基、原子、グループ (backboneなど)単位で選択できる
  - 何もないところをクリックすると選択を解除できる
  - Hierarchy WindowではCtrlキーを、Molecule WindowではShiftキーを押しながらクリックすると複数選択ができる
- 属性(attribute)
  - 選択した後右クリックで表示できる

#### 参考: Molecule Windowの操作(3)

- Home 🖾
  - 最初の向き、位置に戻す
- Fit to Screen II
  - (選択した)構造をWindowにフィットするように並進、拡大・縮小
- Center Structure
  - (選択した)構造の中心がWindowの中心に来る
     ように並進

## 参考:力場パラメータ

- Discovery StudioにはCHARMMが統合されている
- シミュレーションの対象に応じて力場パラメータを使い分けるのが良い
  - CHARMm: General-purpose Momany and Rone all-atom forcefield that also provides automatic parameter estimation
  - charmm22: Academic all-atom forcefield used for simulating protein systems
  - charmm27: Academic all-atom forcefield used for simulating DNA and protein systems

## エネルギー最小化(1)

- メニューの「Window」→「Close All」で現在 出ているWindowを閉じる(Saveするか聞 かれるが「No」で良い)
- 2. メニューの「File」→「New」→「Molecule Window」を選択し、新しいウィンドウを開く
- Sketchingツールを使ってdibenzo-p-dioxin を作れ (原子の変更はメニューの 「Chemistry」→「Element」)

## エネルギー最小化(2)

- 4. Forcefieldには「CHARMm」を用いる
- Toolsタブの「Run Simulation」のツリーを展 開し「Minimization」をクリック
   →設定ウィンドウが現れる
- 6. 右下のように設定して「Run」

7. メニューの「View」 →「Data Table」で エネルギー値を確 認せよ

Min	imization					
<b>[</b> ],	avamatar Nama	Developmentary Vielue				
	arameter Name	Parameter value				
	Input Typed Molecule	Molecule:Molecule 2				
	Minimization					
1	Implicit Solvent Model	None				
t	Nonbond List Radius	14.0				
1	Electrostatics	Spherical Cutoff				
I.	Advanced					
	Show Help					
	Show Help  Run Options Cancel Help					

#### SMILESによる 化合物の 表現

- 低分子化合物の構造の表現方法の1つの SMILESがある
- 新しいMolecule Windowを開き、メニューの 「File」→「Insert From」→「SMILES」を選択
- Smiles stringに入力すると対応する分子が 生成される(aromaticは小文字)
  - benzene: c1ccccc1
  - dibenzo-p-dioxin: c13ccccc1Oc2cccc2O3
  - alanine: [N+][C@@H](C)C(=O)[O-]

http://www.daylight.com/dayhtml/doc/theory/theory.smiles.html

課題2

- Force fieldはCHARMmとすること
- エネルギー最小化後の構造の図をPNG形式
   で保存すること

## 課題の提出

- 課題1については、作成したExcelファイル、
   課題2については、エネルギー最小化後の構造の図のファイルを添付してメールで寺田宛
   (tterada@iu.a.u-tokyo.ac.jp)に送ること
- 課題2については、エネルギー最小化前と後のエネルギー値を本文に記載すること
- 件名は「分子モデリング課題」とし、本文に氏名と学生証番号を必ず明記すること