平成30年6月14日 分子モデリングと分子シミュレーション

ポテンシャルエネルギー

東京大学大学院農学生命科学研究科 アグリバイオインフォマティクス 教育研究プログラム 寺田 透

講義予定

- 1.6月14日(木) ポテンシャルエネルギー
- 2.6月21日(木) 分子動力学法と モンテカルロ法
- 3.6月28日(木) 分子動力学法実習
 4.7月 5日(木) 複合体構造モデリング実習

参考図書: 岡崎 進「コンピューターシミュレーションの基礎」 化学同人

本日の講義内容

- 分子軌道法実習
 - 課題1
- 分子力学法
- ・エネルギー最小化
- 分子力学法実習

- 課題2

立体構造とエネルギー

物体に力をかけて変形させると、物体の持つ
 「ポテンシャルエネルギー」が大きくなる



 ・同様に分子も変形すると、その分子が持つポ テンシャルエネルギーが変化する

分子のポテンシャルエネルギー

分子のポテンシャルエネルギーは、
 Schrödinger方程式を分子軌道法を用いて近
 似的に解くことで計算できる

$$\hat{H}_{\text{elec}} = -\sum_{i=1}^{N} \frac{1}{2} \nabla_{i}^{2} - \sum_{i=1}^{N} \sum_{A=1}^{M} \frac{Z_{A}}{r_{iA}} + \sum_{i=1}^{N} \sum_{j>i}^{N} \frac{1}{r_{ij}}$$

$$\hat{H}_{elec} \Phi = E_{elec} \Phi$$

$$F = E_{elec} + \sum_{A=1}^{M} \sum_{B>A}^{M} \frac{Z_A Z_B}{R_{AB}}$$

$$N:$$
電子数

$$M:$$
原子数

$$M:$$
原子数

$$Z_A:$$
原子Aの原子番号
 $\Phi:$ 波動関数

分子のポテンシャルエネルギー

分子軌道法実習(1)

- 本実習では、量子化学計算ソフトウェア Gaussian 09Wを用いる
- デスクトップにあるアイコン
 をダブルクリックして、このソフトウェアのグラフィックユーザ ーインターフェイスGaussView 5.0を起動



Control Panel

Molecule View Window ⁶

分子軌道法実習(2)

 Control PanelのRing Fragmentをクリックし、Current Fragmentがbenzeneになっていることを確認して、Molecule View Windowの中を左クリック



- 2. Control Panelのメニューから 「Calculate」→「Gaussian Calculation Setup…」を選択
- 3. Job typeを「Energy」、MethodのBasis setを6-31G(d)に設定し、「Submit」
- 4. インプットファイルを保存するか聞かれるので「Save」し、デス クトップに「benzene.gjf」として保存する
- 5. Run Gaussianウィンドウが出るので「OK」

分子軌道法実習(3)

- 6. 計算が終わったらGaussian windowを閉じ るか聞かれるので「はい」
- 7. Gaussian Job Completedウィンドウでは、 benzene.logファイルを選択し「OK」
- 8. Control Panelのメニューから、「Results」→ 「Summary」を選択→E(RHF)の欄に分子の ポテンシャルエネルギー^{*}が表示されている
- *1 a.u. = 627.509 391 kcal/mol

用語の解説

- Method: Schrödinger方程式を解くのに用いる近似法
 - Hartree-Fock: ab initio法における基本
 - Semi-empirical: 半経験的(大規模な系を小さな計算コストで 扱えるが結果の信頼性は低い)
 - DFT:密度汎関数法(電子相関の効果を比較的小さな計算コ ストで取り込むことができる)
- Basis Set: 各原子におく基底関数系
 - STO-3G、3-21G、6-31G、6-311Gの順により複雑な軌道を表 現できる
 - 必要に応じてdiffuse関数(+、++)、分極関数((d)、(d,p)など)
 を加える

分子を変形してみよう

- Control PanelのModify Bond Set をクリックした後、ベンゼンの隣り合う2つの原子をクリック
- 次のように結合長を変える

G2:M1 - Bond Semichem SmartSlide (tm)	
Bond Type:	
○ None ○ ○ ○ ○ ○ ○ □ □ □ □	
Displacement	ľ
Atom 1: Translate group 💌 Atom 2: Translate group 💌	
0.770 1.75000 3.080	
Ok Cancel Help	

 同様にエネルギーを計算してみよう (ファイルはデスクトップにbenzene2.gjfとして保存)

分子の変形とエネルギー

- モデル分子を用いて、分子の変形によってエ
 ネルギーがどのように変化するか調べる
 - 共有結合している原子間の距離(共有結合長)を 変える
 - 共有結合角を変える

-二面角を変える

- 共有結合していない原子間の距離を変える

2原子分子のエネルギー(1)

- 1. 講義のページからH2.gjfをダウンロードし、デス クトップに保存する
- 2. スタートメニューから「Gaussian 09W」→ 「Gaussian 09W」を選択し起動
- 3. メニューの「File」→「Open」で、H2.gjfを開く
- Existing Job Editウィンドウが現れるので、この メニューから「File」→「Exit & Run」
- 5. Output File名を聞かれるので、デスクトップに H2.outとして保存する

2原子分子のエネルギー(2)

- 6. 計算が終了したらメニューから「File」→「Exit」
- 7. GaussView 5.0を起動し、Control Panelのメ ニューの「File」→「Open」でH2.outを開く (ファイルの種類を「Gaussian Output Files (*.out *.log)」にする)
- 8. Control Panelの「Results」→「Scan」を開く
- 9. Scan plotウィンドウの内部を右クリックし、 Save Dataを選択し、デスクトップに H2_scan.txtとして保存

2原子分子のエネルギー(3)



- H2_scan.txtをExcelで 開き、グラフを書くと、4 次関数でよく近似でき ることがわかる
- 構造変化に伴うエネル ギー変化をあらかじめ モデル化しておくこと で、低い計算コストでエ ネルギーを求めること ができる

エネルギー関数の近似



- 実際には、エネルギー最小 状態のまわりを熱ゆらぎし ている
- 生体分子のシミュレーショ ンで扱う温度は300 K程度 $\rightarrow kT = 0.6$ kcal mol⁻¹ = 10⁻³ a.u.
- 実際の結合長の変化は 0.04 Å程度

参考:テイラー展開

関数*f*(*x*)の*x* = *p*のまわりでの展開 *x* = *p*からの微小な変位を∆*x*とおく

 $f(p + \Delta x) = f(p) + \frac{df(x)}{dx} \bigg|_{x=n} \Delta x + \frac{1}{2!} \frac{d^2 f(x)}{dx^2} \bigg| \quad \Delta x^2 + \frac{1}{2!} \frac{d^2 f(x)}{dx^2} \bigg|$ $+\cdots+\frac{1}{k!}\frac{d^k f(x)}{dx^k} \qquad \Delta x^k +\cdots$ $=f(p)+\frac{df(x)}{dx}\Big|_{x=n}\Delta x+\frac{1}{2!}\frac{d^2f(x)}{dx^2}\Big|_{x=n}\Delta x^2+O(\Delta x^3)$ 2次までの展開 誤差項

(∆x³のオーダー)

運動の比較



3原子分子のエネルギー



モデル系:水分子



- θに関するエネルギー関数
 の形は、rに依存しない
- エネルギー関数は以下のように近似できる

 $E(r,\theta) \approx k_b (r-r_0)^2 + k_a (\theta-\theta_0)^2$

分子間相互作用の計算(1)

- GaussView 5.0を起動し、Control PanelのElement Fragmentをク リックして「O」を選択、Current FragmentがOxygen Tetravalentに なっていることを確認して、Molecule View Windowの中を左クリック
- 2. ややはなれた別の位置を左クリック
- Control PanelのElement Fragmentをクリックして「C」を選択、 Current FragmentがCarbon Tetrahedralになっていることを確認し、 Molecule View Windowの H₂Oの水素原子から1つ選 びクリック→CH₃基に置換
- 6. 同様にもう1つのH₂O分子の水素原子をCH₃基に置換



分子間相互作用の計算(2)

- 5. Control Panelメニューの「Calculate」→「Gaussian Calculation Setup…」を開き、Job typeを「Energy」、 MethodのBasis setを6-31G(d)に設定し、「Submit」 (ファイルはデスクトップにmethanol2.gjfとして保存)
- 6. 同様にCH₃OH 1分子についてもエネルギーを計算 (ファイルはデスクトップにmethanol1.gjfとして保存)
- 7. 以下の式を用いて相互作用エネルギーを求める

$$\Delta E = E_{\rm AB} - \left(E_{\rm A} + E_{\rm B}\right)$$

 $\Delta E = -230.0688122 - [2 \times (-115.0334869)]$ = -0.0018384 a.u. = -1.15 kcal mol⁻¹

イオンの相互作用エネルギー





相互作用エネルギーΔ*E*は、 *q_i=q_j=*1とした時の静電相互 作用エネルギー*E*_{elec}と一致

$$E_{\text{elec}} = \frac{(q_i e)(q_j e)N_{\text{A}}}{4\pi\varepsilon_0 r_{ij}(10^{-10} \text{ m})} = (332.06 \text{ kcal mol}^{-1})\frac{q_i q_j}{r_{ij}}$$

静電ポテンシャル(1)

- 静電相互作用は、静電
 ポテンシャルと電荷の
 積として計算される
- 静電ポテンシャルは電
 子密度から計算できる

$$\varphi(\mathbf{r}) = \int d\mathbf{r}' \frac{\rho(\mathbf{r}')}{|\mathbf{r} - \mathbf{r}'|}$$

 右図はHFの静電ポテ ンシャル



静電ポテンシャル(2)

 原子の中心に置かれた点電 荷が作る静電ポテンシャル で、分子がつくる静電ポテン シャルを近似

$$\varphi(\mathbf{r}) \approx \sum_{i} \frac{q_i}{|\mathbf{r} - \mathbf{r}_i|}$$

- 電子密度から計算された静電
 ポテンシャルとの誤差を最小
 にするように点電荷を決定
 - Hの部分電荷: 0.26
 - Fの部分電荷: --0.26





van der Waals相互作用



無極性分子間に働く引力(分散力)は、電子相関を考慮 した高精度な量子化学計算によって初めて現れる

van der Waals引力の起源



van der Waalsエネルギー関数



$$E_{\rm vdW}(r) = 4\varepsilon \left[\left(\frac{\sigma}{r} \right)^{12} - \left(\frac{\sigma}{r} \right)^{6} \right]$$

斥力項 引力項

$$r = \sigma \ \ c \ E_{vdW} = 0$$

r = 2^{1/6} $\sigma \ \ c \ E_{vdW} = -\epsilon$
(最小値)

 σ = 3.34 Å ε = 0.36 kcal mol⁻¹

分子間相互作用の成分



二面角のエネルギー

モデル系:ブタン





Gaussian job file: butane.gjf



二面角のエネルギー関数

 ・ 周期関数の重ね合わせと1番目と4番目の原子間の van der Waals相互作用の和で表される



課題1

- ブタンの二面角の変化に伴うエネルギーの変化を表すポテンシャルエネルギー関数のパラメータn、δ、ε、σを決定せよ
 - 講義のページにあるbutane_scan.xlsxをダウン ロードして利用すること
 - 1番目と4番目の原子間距離はGauss View 5.0
 のScan Plotウィンドウのメニューの「Plot」→
 「Plot Molecular Property」を開き、「Bond」、
 「1」、「4」を指定して求めること

分子力学法

• 量子化学計算は計算コストが大きい

 構造変化に伴うエネルギー変化をあらかじめ関数でモデ ル化しておくことで、低い計算コストでエネルギーを求める



カ場パラメータの決定

- 力場パラメータとは?
 - ポテンシャル関数で用いられるパラメータ(平衡結合長、 ばね定数、部分電荷など)
- 非経験的パラメータ
 - 量子化学計算の結果からパラメータを求める
- 経験的パラメータ
 - 構造や熱力学量などの実験値を再現するようにパラメー タを決める

問題点と解決法(1)

• 生体高分子は多数の原子からなる

- 全体について量子化学計算を行うのは困難



- 化学的(混成軌道の種類、置換基の種類)に類似した
 原子は同じ原子種とみなし、同じ力場パラメータを割り当てる
- 同じ原子種を含む小さなモデル化合物についてパラ メータを決定する

原子種とモデル化合物の例



Jorgensen & Tirado-Rives, *J. Am. Chem. Soc.* **110**, 1657 (1988)

問題点と解決法(2)

- 凝縮相(液相など)では、分子が接近している ため第3の分子の位置が2つの分子の相互 作用に影響を与える
 - 気相で決めたポテンシャル エネルギー関数をそのまま 適用できない

気相



有効ポテンシャルエネルギー

 $E(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2, \mathbf{r}_3) = E(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2) + E(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_3) + E(\mathbf{r}_2, \mathbf{r}_3) + \Delta E(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2, \mathbf{r}_3)$ $= E^{\text{eff}}(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2) + E^{\text{eff}}(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_3) + E^{\text{eff}}(\mathbf{r}_2, \mathbf{r}_3)$

 $E(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2, \mathbf{r}_3): 3$ 分子系の相互作用エネルギー $E(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2): 2$ 分子系の相互作用エネルギー $E^{\text{eff}}(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2): 有効2体間相互作用エネルギー$

厳密な多体間相互作用の 効果を2体間相互作用の エネルギー関数に取り込む

このエネルギー関数のパラメータを実験値を再現するように決める

凝縮相

水分子のモデル(1)

	SPC	TIP3P
r(OH)	1.0	0.9572
∠HOH	109.47	104.52
r*	1.7766	1.7683
Е	0.1554	0.1520
q_{H}	0.41	0.417

r(OH) [Å], ∠HOH [degree]
r* [Å¹² kcal mol⁻¹],
$$2r^* = \sqrt[6]{2}\sigma$$

 ε [Å⁶ kcal mol⁻¹]
 $q_0 = -2q_H$



van der Waals相互作用は 酸素原子間のみ計算する

Jorgensen *et al. J. Chem. Phys.* **79**, 926 (³⁷983)

水分子のモデル(2)

	SPC	TIP3P	実験値
密度	0.971	0.982	0.997
蒸発熱	10.77	10.45	10.51
定圧比熱	23.4	16.8	17.99
膨張率	58	41	25.7
圧縮率	27	18	45.8

密度[g cm⁻³]、蒸発熱[kcal mol⁻¹] 定圧比熱[cal mol⁻¹ K] 膨張率[10⁻⁵ K⁻¹]、圧縮率[10⁻⁶ atm⁻¹] いずれも25℃、1 atmにおける値

Jorgensen *et al. J. Chem. Phys.* **79**, 926 (³⁸983)

生体高分子の力場パラメータ

- ポテンシャルエネルギー関数のパラメータ(力場パ ラメータ)は、分子シミュレーションのソフトウェアと共 に配布されている
- AMBER
 - http://ambermd.org/
- CHARMM
 - http://www.charmm.org/
- GROMOS, GROMACS
 - http://www.gromos.net/
 - http://www.gromacs.org/

エネルギー最小化(1)

- ・ 立体構造(座標)を変化させて、エネルギー関数の値が最小になるようにすること
- 立体構造最適化とも呼ばれる
- 分子動力学シミュレーションを行う際には、原
 子同士のぶつかりを排除したり、構造のゆが
 みを正すために、最初に必ず行う

エネルギー最小化(2)

- ・1次のアルゴリズム
 - Steepest descent(最急降下)法
 単純だが、収束までに多段階を要することがある
 - Conjugate gradient(共役勾配)法
 エネルギー関数がN次元の2次形式で近似できる場
 合、N回の操作で極小に到達する
- ・ 2次のアルゴリズム
 - Newton-Raphson法
 収束は早いが、Hessian(∇²E)の計算に膨大な時間
 がかかる

低分子化合物の生成(1)

- 1. UCSF Chimeraを起動
- 2.「Tools」→「Structure Editing」→「Build Structure」を選択
- 3.「Start Structure」と、Add 「fragment」を選択し、 Fragment/こ「benzene」を 選択
- 4. Residue nameに「DXN」 (dibenzo-*p*-dioxin)と 入力し、「Apply」

😪 Build Structure		
	Start Structure 😐	
C atom		
fragment	Fragment Parameters	
O SMILES string	Fragment benzene -	
C PubChem CID		
O peptide sequence	Residue name: DXN	
nucleic sequence		
Put atoms innew mo	del 🛁 named: scratch	
Color ne	w atoms by element	
	Apply	
*		Close Help



低分子化合物の生成(2)

- 5. Ctrlキーを押しながら、水素原子を1つ左クリ ックして選択
- Build Structureウインド ウを「Modify Structure」 モードに変更し、右図の ように設定し「Apply」 →選択した原子が酸素 に変わる

🔍 Build Structure	- • •
Modify Structure 🛁	
Change selected atoms to	
	Close Help

低分子化合物の生成(3)

- 7. 酸素原子に結合した水素原子を選択
- 8. 右図のように設定し「Apply」
 →炭素原子に変更
- 9. 同様の操作を繰り返し dibenzo-*p*-dioxinの モデルを作成せよ



👻 Build Structure	
Modify Structure 🛁	
Change selected atoms to Element Bonds Geometry C 3 trigonal C Retain current atom names C Set atom names to: C7	
Connect to pre-existing atoms if appropriate	
Color new atoms by element Residue Name C Leave unchanged	
Change modified residue's name to DXN DXN Put just changed atoms in new residue named DXN in chain het	
Αρριγ	Close Help

エネルギー最小化

- 1.「Tools」→「Structure Editing」→「Add Charge」を選択
- 2. Standard residuesに「AMBER ff99SB」、 Other residuesに「AM1-BCC」を選択し「OK」
- 3. Net Chargeを「+0」とし、「OK」
- 4. 「Tools」→「Structure Editing」→「Minimize Structure」を選択し、「minimize」
- 5. 「Favorites」→「Reply Log」でエネルギーが小 さくなっていることを確認せよ

SMILESによる 化合物の 表現

- 低分子化合物の構造の表現方法の1つの SMILESがある
- Build Structureウインドウの「Start Structure」
 モードで、Add「SMILES string」を選択
- Smiles stringに入力すると対応する分子が生成 される(aromaticは小文字)
 - benzene: c1ccccc1
 - dibenzo-*p*-dioxin: c13ccccc1Oc2cccc2O3
 - alanine: [N+][C@@H](C)C(=O)[O-]

http://www.daylight.com/dayhtml/doc/theory/theory.smiles.html

課題2

 ・以下の分子を作成し、エネルギー最小化計算を せよ(環の部分のSMILESはC1CCCC=C1)



Oseltamivir: インフルエンザ治療薬 (商品名: Tamiflu) 化学式: C₁₆H₂₈N₂O₄

 エネルギー最小化後の構造の図をPNG形式で 保存すること

課題の提出

- 課題1については、作成したExcelファイル、
 課題2については、エネルギー最小化後の構造の図のファイルを添付してメールで寺田宛
 (tterada@iu.a.u-tokyo.ac.jp)に送ること
- 課題2については、エネルギー最小化前と後のエネルギー値を本文に記載すること
- ・件名は「分子モデリング課題」とし、本文に氏 名、学生証番号、受講生IDを明記すること